

**Prova scritta parziale #1 – test [ A ]**

1.  $(0, +\infty)$
2. cerchio di centro  $(0,1)$  e raggio 1 privato del bordo
3.  $\forall \varepsilon > 0, \exists \bar{n}: \forall n > \bar{n}, |x_n - 1| < \varepsilon$
4.  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L > 0 \Rightarrow f(x) > 0$  in un intorno di  $x_0$ , escluso al più  $x_0$
5.  $x \log x$ ,  $x / \log x$ ,  $\log \cos^2 x$
6.  $\sup = 1$ ,  $\inf = -1$ ,  $\max$  e  $\min$  non esistono, punti di accumulazione  $1, -1$ .

**Prova scritta parziale #1 – test [ B ]**

1.  $(-\infty, 0)$
2. asse immaginario privato dell'origine e retta orizzontale di quota  $1/2$
3.  $\forall n \in \mathbb{N}, x_n \leq 1$   
 $\forall \varepsilon > 0, \exists \bar{n}: x_n > 1 - \varepsilon$
4. Una funzione continua in un intervallo se assume due valori distinti, assume anche tutti i valori intermedi  
  
Una funzione continua in un intervallo assume tutti i valori tra il suo estremo inferiore e il suo estremo superiore  
  
Una funzione continua in un intervallo chiuso e limitato assume tutti i valori tra il minimo e il massimo
5.  $\frac{1}{\log^2 x}$ ,  $x^x - 1$ ,  $\sin \frac{x}{1+x^2}$
6.  $\sup = \max = 5/4$ ,  $\min = \inf = -2$ , punti di accumulazione  $1, -1$ .

**Prova scritta parziale #1 – test [ C ]**

1.  $(-\infty, -1/4)$
2. cerchio di centro  $(0,-1)$  e raggio 1 privato del bordo
3.  $\forall \varepsilon > 0, \exists M > 0: \forall x \in A, x < -M \Rightarrow |f(x) - 1| < \varepsilon$
4. Ipotesi :  $P(1)$  vera ;  $\forall n \in \mathbb{N}, P(n)$  vera  $\Rightarrow P(n+1)$  vera  
Tesi :  $\forall n \in \mathbb{N}, P(n)$  vera
5.  $x / \log x, x^2 \log x, \log \cos^2 x$
6.  $\sup = 1, \inf = -1$ , max e min non esistono, punti di accumulazione 1,-1.

**Prova scritta parziale #1 – test [ D ]**

1.  $(1/4, +\infty)$
2. asse immaginario privato dell'origine e retta orizzontale di quota -1/2
3.  $\forall x \in A, f(x) \geq 1$   
 $\forall \varepsilon > 0, \exists \bar{x} \in A : f(\bar{x}) < 1 + \varepsilon$
4. Una funzione continua in un intervallo chiuso e limitato assume minimo e massimo.
5.  $x^x - 1, \operatorname{tg} \operatorname{sen} x, x^2 \log x$
6.  $\sup = \max = 3/2, \min = \inf = -3$ , punti di accumulazione 1,-1.