Ingegneria Edile-Architettura e Ingegneria Design Industriale

Test di Geometria

Tempo a disposizione: 20 minuti

13 Febbraio 2023

| (Cognome) | | | | | | | | (Nome) | | | | | | | | | (Numero di matricola) | | | | | | | | | | | | | | |
|-----------|--|--|--|--|--|--|--|--------|--|--|--|--|--|--|--|--|-----------------------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|--|

Stabilire se le seguenti proposizioni sono vere o false:

| Proposizione | Vera | Falsa |
|---|------|-------|
| 1) Siano $X = \{m^2 + 1 \mid m \in \mathbb{N} \text{ e } 1 \le m \le 3\} \text{ e } Y = \{2m + 1 \mid m \in \mathbb{N}\}. \text{ Allora } X \cap Y = \emptyset.$ | | |
| 2) Sia $T: \mathbb{R}^5 \to \mathbb{R}^3$ un'appl. lineare. Se dim $(\ker(T)) = 2$ allora T è suriettiva. | | |
| 3) Siano $v_1 = (1, 2, -1), v_2 = (1, 0, 1)$ e $v_3 = (0, 2, -2)$. Allora $v_3 \in \text{Span}\{v_1, v_2\}$. | | |
| 4) Se $V, W \subseteq \mathbb{R}^6$ sono sottosp. vettoriali e $\dim(V) = \dim(W) = 4$ allora $\dim(V \cap W) > 1$. | | |
| 5) $v = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix}$ è un autovettore di $A = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$. | | |
| 6) Siano $z, w \in \mathbb{C}$. Allora $\overline{z \cdot w^2} = \overline{z} \cdot (\overline{w})^2$. | | |
| 7) Se una matrice quadrata A è invertibile allora non ha variabili libere. | | |
| 8) Sia $T: \mathbb{R}^7 \to \mathbb{R}^5$ un'appl. lineare. Se $\dim(\operatorname{Imm}(T)) = 3$ allora $\dim(\operatorname{Ker}(T)) = 2$. | | |
| 9) Se una funzione f non è iniettiva allora f è suriettiva. | | |
| 10) Se $z = \sqrt{2} - i$ allora z^2 ha modulo 5. | | |
| 11) Ogni sistema lineare $n \times m$ dove $n > m$ ha sempre soluzione per ogni scelta dei termini noti. | | |
| 12) Se una matrice triangolare è invertibile allora non ha zeri sulla diagonale. | | |